

к вершине P_n , значения параметров t_j стремятся к искомым аксессуарным параметрам.

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ (проекты 08-01-00381 и 09-01-97008-р_поволжье).

ЛИТЕРАТУРА

1. Александров И. А. *Параметрические продолжения в теории однолистных функций*. – М.: Наука, 1976. – 344 с.

Т. В. Никоненкова

Казань, nikaatv@rambler.ru

РЕШЕНИЕ ОДНОЙ n -ФАЗНОЙ ЗАДАЧИ R-ЛИНЕЙНОГО СОПРЯЖЕНИЯ

Дано обобщение работ [1] и [2] на случай, когда комплексная плоскость состоит из n частей S_k , отделенных друг от друга $n - 1$ ветвями софокусных гипербол \mathcal{L}_k , асимптоты к которым составляют углы $\pm\pi\alpha_k$ с вещественной осью. Требуется построить функцию

$$v(z) = v_k(z) = v_{kx}(x, y) - iv_{ky}(x, y) \in \mathcal{H}(S_k) \cap C(\overline{S_k} / \{\infty\}), \quad k = \overline{1, n},$$

по краевому условию

$$v_k(t) = A_k v_{k+1}(t) - B_k [t'(s)]^{-2} \overline{v_{k+1}(t)}, \quad t \in \mathcal{L}_k, \quad k = \overline{1, n-1}, \quad (1)$$

с постоянными вещественными коэффициентами A_k , B_k и условию на бесконечности

$$|v(z)| = o(|z|) \quad \text{при} \quad |z| \gg 1. \quad (2)$$

В работе показано, что решение задачи (1), (2) имеет вид

$$u_k(z) = c_1 \chi(z; \gamma_1; \varphi_{1k}(\gamma_1)) \prod_{s=1}^{k-1} \Lambda_{1s}(\gamma_1) + \\ + i c_2 \chi(z; \gamma_2; \varphi_{2k}(\gamma_2)) \prod_{s=1}^{k-1} \Lambda_{2s}(\gamma_2), \quad k = \overline{1, n}.$$

Здесь c_1, c_2 — произвольные вещественные параметры; $\gamma_{1,2}$ — наименьшие из корней уравнений

$$\sin[\pi\gamma] W_{jn}^1(\gamma) - \cos[\pi\gamma] W_{jn}^2(\gamma) = 0, \quad j = 1, 2,$$

на интервале $(0, 2)$; Λ_{jk} определяются соотношениями

$$\Lambda_{jk}(\gamma) = \frac{(-1)^j B_k \sin[2\pi(\varphi_{jk}(\gamma) + \gamma\alpha_k)]}{(A_k - B_k)(\sin[\pi(\varphi_{jk+1}(\gamma) - \varphi_{jk}(\gamma))])},$$

где $\varphi_{j1}(\gamma) \equiv 0$, $\varphi_{jn}(\gamma) = -\gamma$, $j = \overline{1, 2}$, $k = \overline{1, n-1}$, а

$$\varphi_{jk}(\gamma) = -\frac{\arctg[W_{jk}^2(\gamma)/W_{jk}^1(\gamma)]}{\pi}, \quad j = 1, 2; \quad k = \overline{2, n-1}, \quad (3)$$

$$\chi(z; \gamma; \varphi) = \frac{e^{i\pi\varphi}(z + \sqrt{z^2 - c^2})^\gamma - e^{-i\pi\varphi}(z - \sqrt{z^2 - c^2})^\gamma}{2\sqrt{z^2 - c^2}},$$

$\chi(c; \gamma; 0) = \gamma c^{\gamma-1}$. В формуле (3) выражения W_{jk}^1, W_{jk}^2 для $j = 1, 2$ определяются с помощью рекуррентных соотношений

$$W_{jk+1}^1 = W_{jk}^1 f_{jk}^1 + W_{jk}^2 f_{jk}^2, \quad k = \overline{2, n-1},$$

$$W_{jk+1}^2 = W_{jk}^1 f_{jk}^2 + W_{jk}^2 (2 - f_{jk}^1), \quad k = \overline{2, n-1};$$

$$f_{jk}^1(\gamma) = 1 - (-1)^j \Delta_k \cos[2\pi\gamma\alpha_k], \quad k = \overline{1, n-1},$$

$$f_{jk}^2(\gamma) = (-1)^{j-1} \Delta_k \sin[2\pi\gamma\alpha_k], \quad k = \overline{1, n-1},$$

где $\Delta_k = B_k/A_k$, а $W_{j2}^1 = f_{j1}^1$, $W_{j2}^2 = f_{j1}^2$.

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ (проект 09-01-97008-р_поволжье).

ЛИТЕРАТУРА

1. Обносов Ю. В. *Решение задачи \mathbb{R} -линейного сопряжения в случае гиперболической линии разделения разнородных фаз* // Изв. вузов. Матем. – 2004. – № 7. – С. 53–62.

2. Obnosov Yu. V., Nikonenkova T. V. *Solution of an \mathbb{R} -linear conjugation problem on the case of hyperbolic interface* // Lithuanian Math. Journal. – 2008. – V. 48. – No 3. – P. 322–331.

С. Я. Новиков

Самара, nvks@ssu.samara.ru

НЕКОТОРЫЕ АСПЕКТЫ ЧАСТОТНО-ВРЕМЕННОГО АНАЛИЗА

Частотно-временной анализ является частью гармонического анализа. Он объединяет все разделы математики и приложений, которые используют операторы сдвига и модуляции (частотно-временные сдвиги) для анализа функций и операторов. Частотно-временной анализ — это одна из форм локального анализа Фурье, которая исследует время и частоту одновременно и симметрично.

Классический анализ Фурье использует два взаимодополняющих друг друга представления для исследования функции: исходная функция $f \in L^1(\mathbb{R})$ и ее преобразование Фурье

$$\mathcal{F}f(\omega) = \hat{f}(\omega) = \int_{\mathbb{R}} f(x) e^{-2\pi i x \omega} dx.$$

Теорема Планшереля позволяет продолжить \mathcal{F} с $L^1 \cap L^2(\mathbb{R})$ до унитарного оператора на $L^2(\mathbb{R})$.